

mllibを用いた物理シミュレーション制作(1)

物理運動のシミュレーション

微分方程式 → 差分方程式 → 漸化式

等速度運動

運動方程式	微分方程式	差分方程式	漸化式 $x(n\Delta t) = x_n$
$m \frac{d^2}{dt^2} x(t) = 0$	$\frac{d}{dt} x(t) = v$	$\frac{x((n+1)\Delta t) - x(n\Delta t)}{\Delta t} = v$	$x_{n+1} = x_n + v\Delta t$

等加速速度運動(慣性の動き)

$m \frac{d^2}{dt^2} x(t) = ma$	$\frac{d}{dt} v(t) = a$	$\frac{v((n+1)\Delta t) - v(n\Delta t)}{\Delta t} = a$	$v_{n+1} = v_n + a\Delta t$ $x_{n+1} = x_n + v_n\Delta t$
--------------------------------	-------------------------	--	--

自由落下運動(鉛直上向きを正)

$m \frac{d^2}{dt^2} z(t) = -mg$	$\frac{d}{dt} v^z(t) = -g$	$\frac{v^z((n+1)\Delta t) - v^z(n\Delta t)}{\Delta t} = -g$	$v^z_{n+1} = v^z_n - g\Delta t$ $z_{n+1} = z_n + v^z_n\Delta t$
---------------------------------	----------------------------	---	--

例題6-1

ボールを出射角度 θ 、初速度 v_0 で投げ上げたボールの放物運動のアニメーションを作成せよ。尚、 θ 、 v_0 はそれぞれ、エディットボタン0,1から入力する。また、重力加速度は 9.8m/s^2 とする。

1. ボールの運動方程式を立てる。

$$ma_x = 0 \quad ma_z = -mg$$

2. ボールの新しい位置を、現在位置からの増分で表す

$$x_{n+1} = x_n + v^x \Delta t$$

$$z_{n+1} = z_n + v^z_n \Delta t \quad v^z_{n+1} = v^z_n - g \Delta t$$

3. 実座標の計算領域を設定, 幅 $2w$, 高さ $2h$

4. エディットボックスから初速度、出射角度入力し、

$$v^x = v_0 \cos \theta \quad , \quad v^z = v_0 \sin \theta$$

5. while文でボールのz座標が画面範囲を超えるまで繰り返し

過去のボール消去

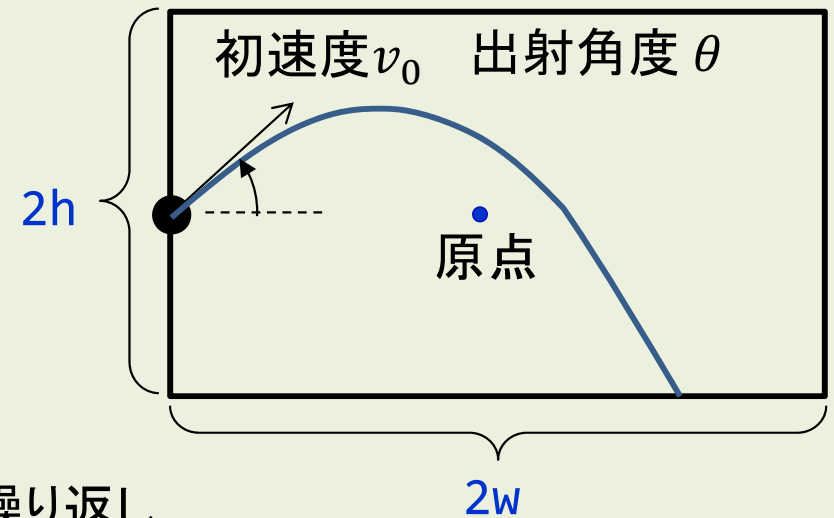
ボールの座標更新

ボールのz方向速度更新

実座標をピクセル座標に変換

ボールを描画(Circle 関数)

過去の座標に現在の座標を代入



例題6-1のプログラム例

```
#include "def.h" //ここは必ず必要
#include "mlib.h" //ここは必ず必要

#define PI 3.1415926535
#define g 9.8

void main(int Number){

    int m,n,mm=0,nn=0,r=10;
    double x,z,vx,vz,w=100,h=100;
    double v0,theta,dt;

    v0=Get_double(0); //速度入力
    theta=Get_double(1)/180*PI;
        //入力角度をラジアンに変換

    vx=v0*cos(theta); // x方向初速度
    vz=v0*sin(theta); // z方向初速度

    dt=5e-3; //時間離散間隔設定

    x=-w; // ボールの初期x座標
    z=0; // ボールの初期z座標
```

```
while(z>-h) { //z座標が画面の下部を過ぎるまで繰り返し

    Plot_pen(0,2,7); //白色に設定(バックと同じ)
    Circle(mm-r,nn-r,mm+r,nn+r,1); //過去の玉を消去

    x=x+vx*dt; // x座標更新

    vz=vz-g*dt; // z方向速度更新
    z=z+vz*dt; // z座標更新

    m=sGW.w*(1+x/w) /2; //実座標をピクセル座標に変換
    n=sGW.h*(1-z/h) /2; //実座標をピクセル座標に変換
        //(z座標は上向きを正))

    Plot_pen(0,2,3); //緑色に指定
    Circle(m-r,n-r,m+r,n+r,1); //新しい位置に玉を描画

    UpdateWindow(hWnd); //画面更新

    mm=m; //新しいピクセル座標を過去のピクセル座標に
    nn=n; //新しいピクセル座標を過去のピクセル座標に
}
}
```

壁による跳ね返り

撃力 — 瞬間的に大きな力が加わることにより、運動する物体の力の作用線方向の速度成分を変化させる

壁面に対する力の作用線方向 → 壁面に垂直な方向

壁面に平行な速度成分

速度成分は変化しない

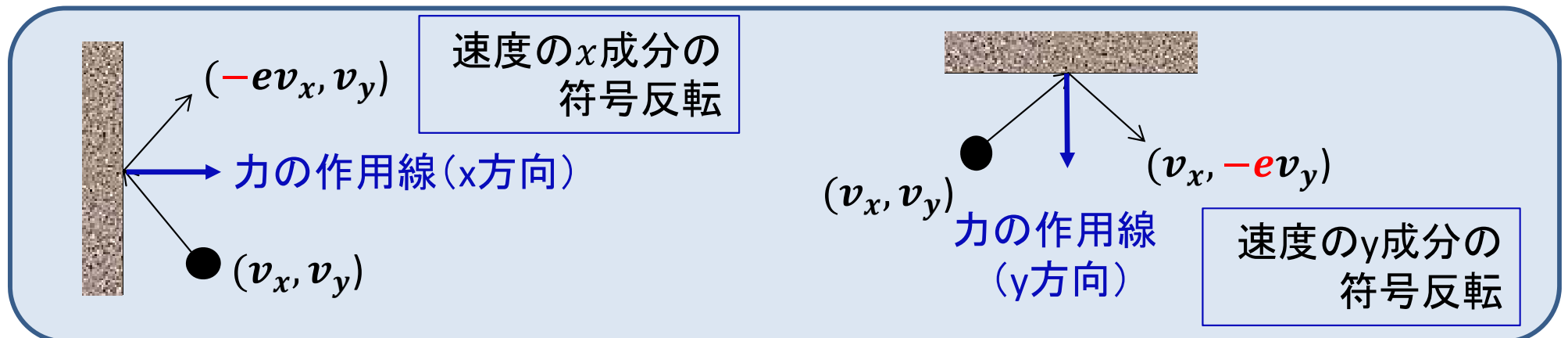
$$v_{\parallel} \rightarrow v_{\parallel}$$

壁面と直交する速度成分

速度成分の符号は反転

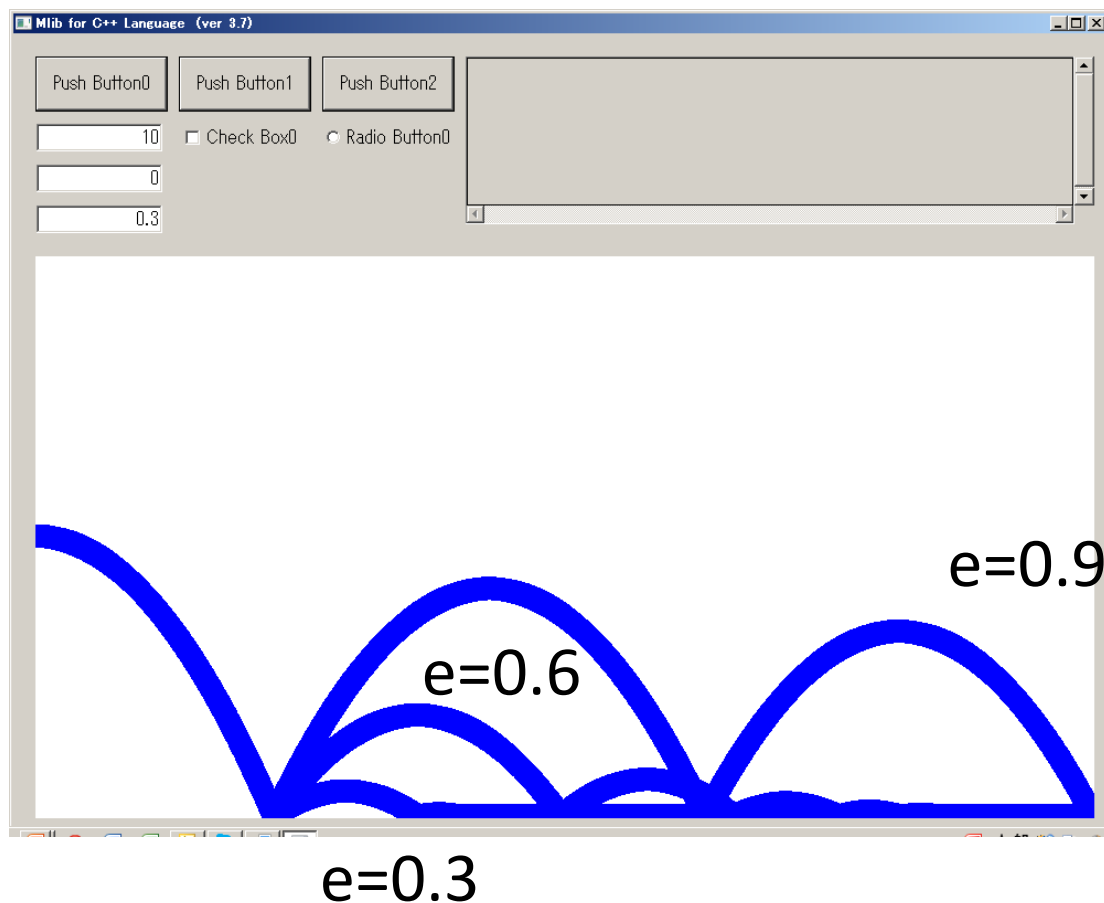
$$v_{\perp} \rightarrow -ev_{\perp}$$

速度成分の大きさは跳ね返り係数 e に応じて小さくなる



例題6-2

ボールを出射角度 θ 、初速度 v_0 で投げ上げたボールの放物運動のアニメーションを作成せよ。ただし、床面での反射係数を e とする。尚、 θ 、 v_0 、 e はそれぞれ、エディットボタン0,1,2から入力する。また、重力加速度は 9.8m/s^2 とする。



例題6-2

```
#include "def.h"
#include "mlib.h"
#define PI 3.1415926535
#define g 9.8

void main(int Number){

int m,n,mm=0,nn=0,r=10;
double x,z,vx,vz,w=100,h=100;
double v0,theta,dt;
double e;

v0=Get_double(0); //速度入力
theta=Get_double(1)/180*PI;
e=Get_double(2); //跳ね返り係数

vx=v0*cos(theta);
vz=v0*sin(theta);
dt=5e-3;

x=-w; z=0;
```

```
while(x<w) {
Plot_pen(0,2,7);
Circle(mm-r,nn-r,mm+r,nn+r,1); //過去の球を消去
x=x+vx*dt; // x座標更新
vz=vz-g*dt; // z方向速度更新

if (z+vz*dt<-h) {vz=-e*vz;} // 物体が床に当たったとき、
// 速度に反射係数を乗算

z=z+vz*dt;

m=sGW.w/2*(1+x/w); //座標変換
n=sGW.h/2*(1-z/h);

Plot_pen(0,2,3); //緑色に指定
Circle(m-r,n-r,m+r,n+r,1); //新しい位置に図を描画

UpdateWindow(hWnd); //画面更新

mm=m;
nn=n;
}
}
```

物体どうしのCollision 判定

質点

大きさを持たない点

位置 (x_1, y_1)

点どうしの当たり判定は、座標が完全に一致

(x_1, y_1) • • (x_2, y_2)

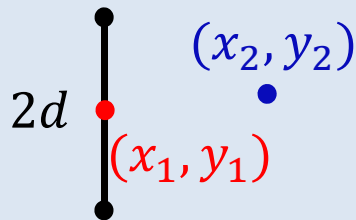
$$x_1 = x_2, \quad y_1 = y_2$$

線分

太さを持たない
有限長の線

中心位置 (x_1, y_1) 長さ $2d$

線分と平行な方向の座標が一致 ($x_1 = x_2$) かつ
線分の中心と質点との距離が線分半分の長さ以下

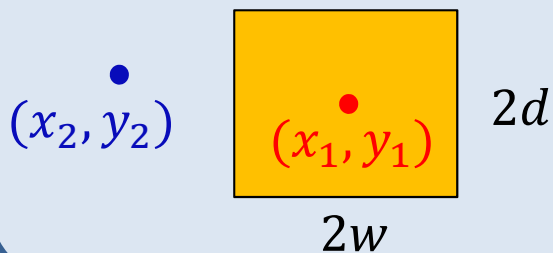


$$y_1 - d < y_2 < y_1 + d \quad \Rightarrow \quad |y_1 - y_2| < d$$

四角

中心位置 (x_1, y_1) 高さ $2d$ 幅 $2w$

質点2が、四角の中に入る条件



$$x_1 - w < x_2 < x_1 + w$$

かつ

$$y_1 - d < y_2 < y_1 + d$$

$$|x_1 - x_2| < w$$

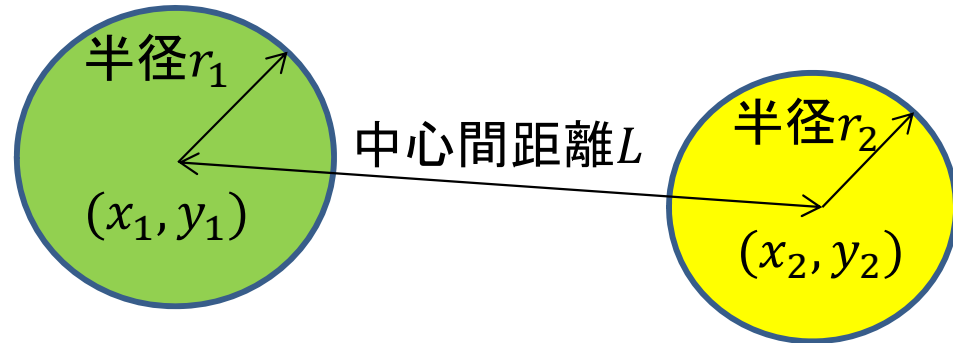
かつ

$$|y_1 - y_2| < d$$

大きさを持つ物体どうしのCollision 判定

物体が円の場合

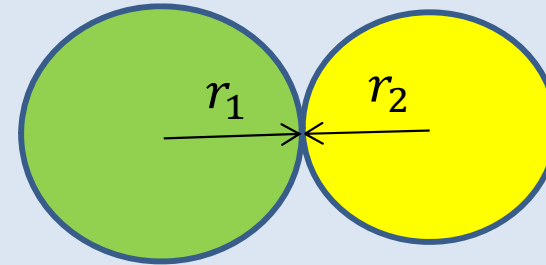
パラメータは中心間距離と半径



中心間距離は

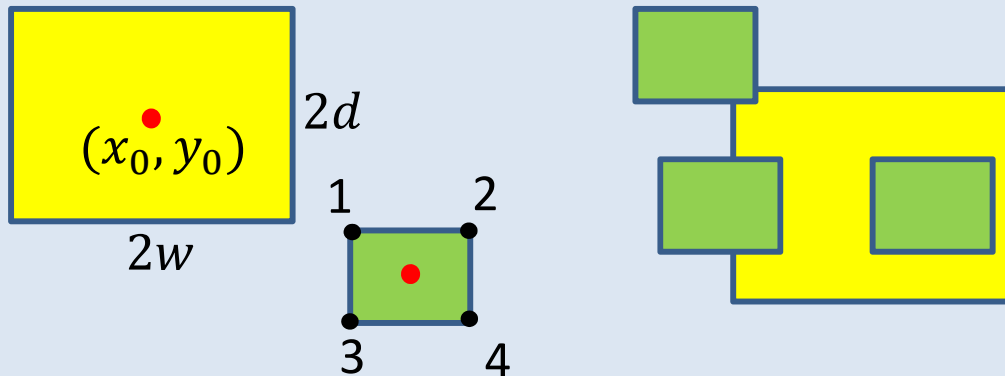
$$L = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

衝突の条件は $L < r_1 + r_2$



物体が長方形の場合

小さい方の長方形について、その角の4点を質点として、そのうちいずれかが四角の中にあれば衝突とみなす。



$(|x_0 - x_1| < w \text{ and } |y_0 - y_1| < d)$ or

$(|x_0 - x_2| < w \text{ and } |y_0 - y_2| < d)$ or

$(|x_0 - x_3| < w \text{ and } |y_0 - y_3| < d)$ or

$(|x_0 - x_4| < w \text{ and } |y_0 - y_4| < d)$

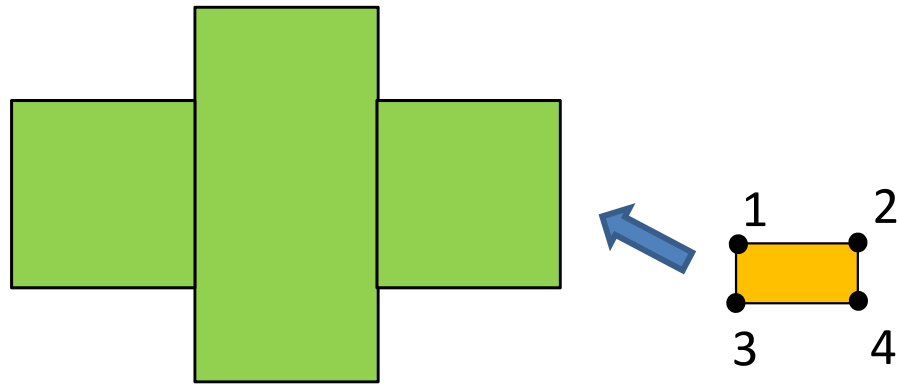
Collision 判定(1) 座標による判定

物体1 (x_1, y_1)	物体2 (x_2, y_2)	判定式
点	点	$((x_1 == x_2) \ \&\& \ (y_1 == y_2))$
線分 $2d_1$	線分 $2d_2$	$((\text{abs}(y_1 - d_1 - y_2) < d_2) \ \text{or} \ (\text{abs}(y_1 + d_1 - y_2) < d_2)) \ \text{and} \ (x_1 == x_2))$
半径 r_1	半径 r_2	$\sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2} < r_1 + r_2$
線分 $2d_1$	半径 r_2	$\sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - d_1 - y_2)^2} < r_2 \ \text{and} \ \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 + d_1 - y_2)^2} < r_2$
線分 $2d_1$	線分 $2d_2$	$(\text{abs}(x_1 - x_2) < w_2) \ \&\& \ (\text{abs}(y_1 - y_2) < d_2)$
半径 r_1	線分 $2d_2$	$(\text{abs}(x_1 - x_2) < w_2) \ \text{and} \ ((\text{abs}(y_1 - d_1 - y_2) < d_2) \ \text{or} \ (\text{abs}(y_1 + d_1 - y_2) < d_2))$
半径 r_1	半径 r_2	$d_2, w_2 < r_1$ のとき 四角を角の4つの点の集合体とみなし、各点毎に円と点の判定を行い、どれか一つでも含まれて入ればよい
線分 $2d_1$	線分 $2d_2$	$d_2, w_2 < d_1, w_1$ のとき 物体2の四角を角の4つの点の集合体とみなし、各点毎に物体1の四つの角と点の判定を行い、どれか一つでも含まれて入ればよい

・複雑な形どうしの判定は多くのif文が必要、一旦書いてしまえばあとは楽

Collision 判定の簡略化

ある大きさを持つ物体どうしのCollision判定は複雑になっていく

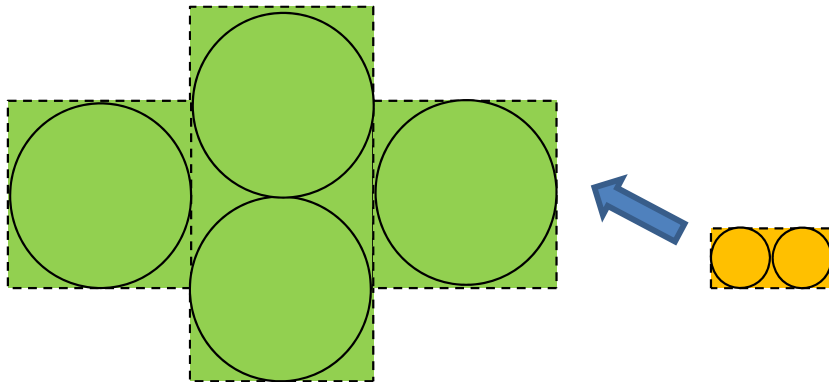


質点1が緑の範囲に入る条件 or
質点2が緑の範囲に入る条件 or
質点3が緑の範囲に入る条件 or
質点4が緑の範囲に入る条件

点と長方形では2個の条件が必要なので、 $2 * 3 * 4 = 24$ 個の条件

一般に、円どうしの判定はシンプル

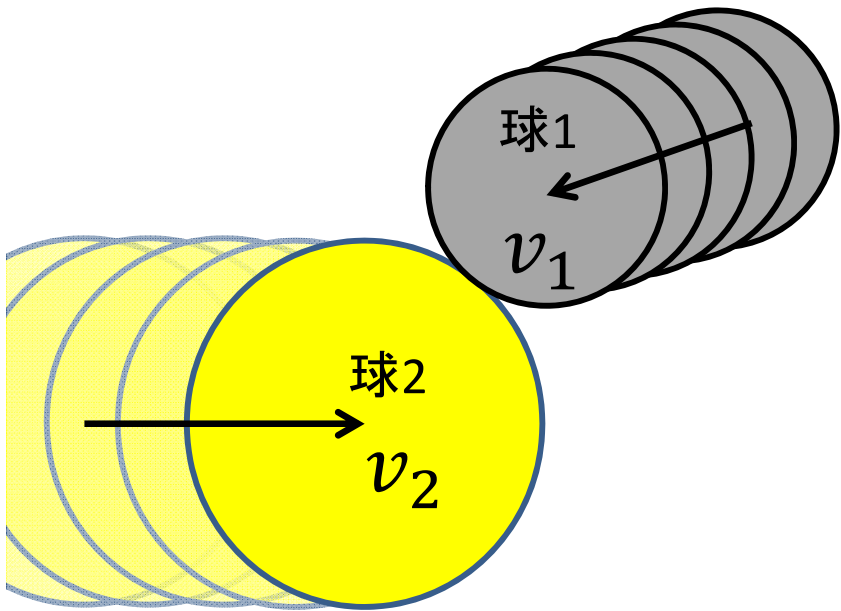
物体1, 2 を円の集合体とみなして、円で判定



円どうしは1個の条件なので、
 $4 * 2 = 8$ 個の条件

実際物体の角付近の当たり判定は厳しくなくてもよいので、
円で当たり判定するのが基本

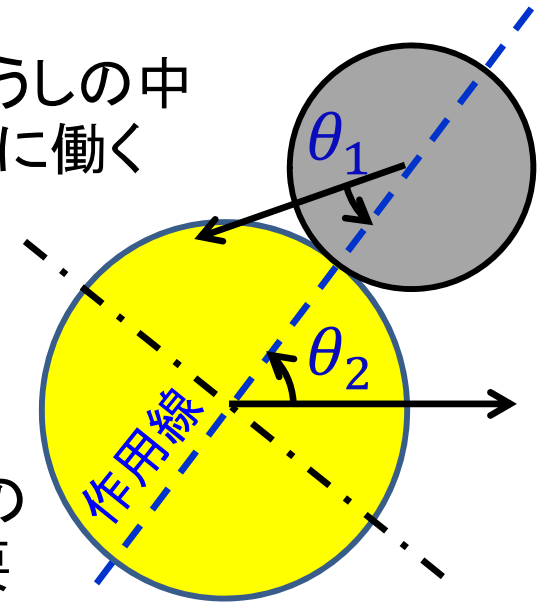
球体同士の衝突後の運動



球に作用する力は球どうしの中心を通る線(作用線)上に働く

作用線と直交する速度成分はそのまま

作用線と運動方向のなす角 θ_1 、 θ_2 が重要

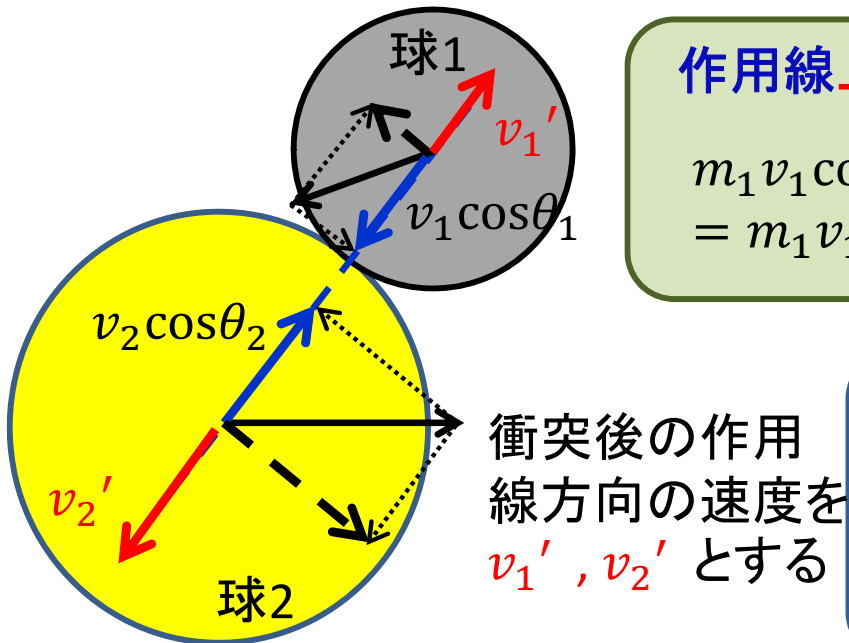


作用線上で運動量保存則

$$m_1 v_1 \cos \theta_1 + m_2 v_2 \cos \theta_2 = m_1 v_1' + m_2 v_2'$$

跳ね返り係数の定義

$$e = -\frac{v_1' - v_2'}{v_1 \cos \theta_1 - v_2 \cos \theta_2}$$



衝突後の作用線方向の速度を v_1' 、 v_2' とする

$$v_1' = v_1 \cos \theta_1 + \frac{m_2(1+e)(v_2 \cos \theta_2 - v_1 \cos \theta_1)}{m_1 + m_2}$$

$$v_2' = v_2 \cos \theta_2 - \frac{m_1(1+e)(v_2 \cos \theta_2 - v_1 \cos \theta_1)}{m_1 + m_2}$$

作用線と直交する速度は**変化なし**、衝突後の球の運動は v_1' 、 v_2' との合成ベクトルで決まる

演習6-3

X軸のみを移動できる二つの球について、一方の球の速度を左右キーで加減できるものとする。球どうしは衝突により跳ね返り係数を1として跳ね返る。また、球と両側の壁面でも跳ね返り係数を1として跳ね返るものとする。この運動をシミュレートせよ。

過去の座標を実座標で表現しているので注意

```
#include "def.h"
#include "mlib.h"
#define W 100
#define H 100

int m2x(double x){//座標変換
    return sGW.w/2*(x/W+1);}
int n2y(double y){//座標変換
    return sGW.h/2*(1-y/H);}

void main(int Number){
    short pl,pr;
    double x=80,y=0,xx=x;
    double vx=0,r=10,m=10; //球0の情報
    double x1=-80,xx1=0,vx1=0.1;
    double r1=10,m1=10; ; //球1の情報
    double d,pp,e;

    e=1; //跳ね返り係数
```

```
while(1) {
    Plot_pen(0,2,7); //白色に設定
    Circle(m2x(xx-r),n2y(y-r),
m2x(xx+r),n2y(y+r),1);
    Circle(m2x(xx1-r1),n2y(y-r1),
m2x(xx1+r1),n2y(y+r1),1);

    pl=GetAsyncKeyState( VK_LEFT );
    pr=GetAsyncKeyState( VK_RIGHT );
    if (pl<0) 球0の左方向速度増加
    if (pr<0) 球0の右方向速度増加
    d= 球の中心間の距離
    if(d<r+r1) {
        pp=(1+e)*(vx1-vx); //衝突の係数

        vx = 球0の衝突後速度更新
        vx1= 球1の衝突後速度更新
    }
    //次に続く
```

演習6-3(つづき)

```
x=x+vx; //球0の衝突後x座標  
x1=x1+vx1; //球1の衝突後x座標
```

```
if  
if 球0, 1と両側の壁の衝突  
if 衝突により速度を反転  
if
```

```
Plot_pen(0,2,3); //緑色に指定  
Circle(m2x(x-r),n2y(y-r),m2x(x+r),n2y(y+r),1);  
Plot_pen(0,2,2); //赤色に指定  
Circle(m2x(x1-r1),n2y(y-r1),m2x(x1+r1),n2y(y+r1),1);
```

```
xx=x; //新しい実座標を過去の実座標にする  
xx1=x1; //新しい実座標を過去の実座標にする
```

```
vx=vx*0.9999; //ころがり抵抗  
vx1=vx1*0.9999; //ころがり抵抗
```

```
UpdateWindow(hWnd); //画面更新
```

```
}  
}
```

中間課題

以下の2項目を必ず含み

- ・等速もしくはは等加速度運動
- ・物体と物体間、物体と壁等の衝突の問題

かつ、以下の2項目のどちらかを含んだプログラムを完成させる。

1. 物理現象をシミュレートする
2. ゲーム性を持たせる

注意点

- ・過去の課題や他のプログラムをコピーしたと認められる場合は0点
- ・評価対象はオリジナリティ、プログラムの完成度

締切 12月27日まで。これ以降遅れた場合評価しない。

提出物 Cソースファイル、def.h、課題内容の説明ファイル

提出先 miwa@gunma-u.ac.jp メールタイトル: 中間課題

来週、どんな内容にするか全員に聞くので、A41枚にまとめておくこと